

<i>Nome</i>	<i>Cognome</i>	<i>Matricola</i>	<i>Data</i> 26 Giugno 2023
-------------	----------------	------------------	-------------------------------

## **ESAME di ORGANI ARITFICIALI**

### **Esercizio 1 (9 punti)**

Un paziente con deficit respiratorio deve essere sottoposto ad assistenza respiratoria tramite un ossigenatore a facce piane e parallele collegato ad una bombola costituita da una miscela di gas (98% di ossigeno e 2% di anidride carbonica) alla pressione di 2 bar.

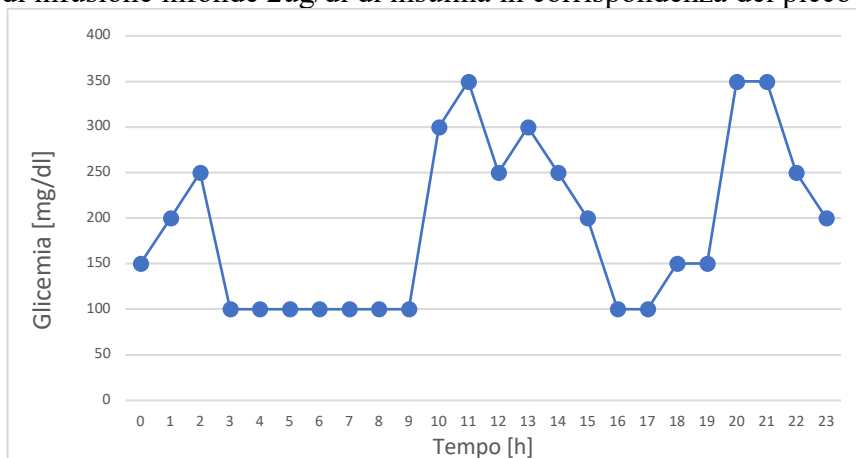
Supponendo di voler progettare tale ossigenatore si determini:

- 1) L'area di scambio affinché sia garantita un'ottima ossigenazione e rimozione di anidride carbonica;
- 2) Stimare lo spessore della membrana considerando una durata del ciclo di ossigenazione pari a 55min;
- 3) Calcolare la distanza ottimale tra le membrane affinché via sia un'ottima ossigenazione nel tempo richiesto al punto precedente;

Si faccia l'ipotesi che  $[Hb]$  sia pari a  $8.88 \times 10^{-3}$  mol/l, la costante di Henry per l' $O_2$  pari a  $0.028$  mol/(atm\*l), il coefficiente di diffusione di  $O_2$  pari a  $1.2 \times 10^{-5}$  cm<sup>2</sup>/s, e che il paziente abbia una portata polmonare pari a 100ml/min.

### **Esercizio 2 (6 punti)**

Sia un paziente diabetico con un andamento della glicemia riportato in figura sottostante. Supposto che la glicemia basale sia pari a 100 mg/dl, si determinino i parametri dell'algoritmo di controllo di Fisher, e si definisca se è applicabile. Si consideri inoltre che il valore basale di insulina pari a 2ug/dl e che il sistema di infusione infonde 2ug/dl di insulina in corrispondenza del picco glicemico.



*Figura 1. Curva glicemica di un paziente diabetico*

### **Esercizio 3 (9 punti)**

Si descriva, modellizzi e risolva il modello dell'ansa di Henle per lo ione cloro.

Si indichino al variare dei rapporti tra Cd, Ca, e Ci per lo ione cloro le condizioni fisiologiche e patologiche.

Descrivere come varia il modello dell'ansa di Henle nel tratto del tubolo collettore per lo ione potassio.

### **Esercizio 4 (6 punti)**

Il candidato descriva le diverse tipologie di produzione di fibre cave utilizzate nei dispositivi biomedicali.

# ESERCIZIO 1

1) L'area ottimale può essere trovata attraverso il coefficiente medio:

$$W = \frac{K A [(P_{Bi} - P_{Ai}) - (P_{Bo} - P_{Ao})]}{\ln \left( \frac{P_{Bi} - P_{Ai}}{P_{Bo} - P_{Ao}} \right)}$$

Per sostanze che passano dal sangue al gas (eliminate), attraverso equazione sopra di  $W$

• Calcolo  $A$  per procurare una buona ossigenazione:

$$W_{O_2} = \frac{250 \text{ ml}}{\text{min}}$$

$$K_{O_2} = \frac{390 \text{ ml}}{\text{min m}^2 \text{ atm}}$$

$$P_{Bi} = 40 \text{ mmHg}$$

$$P_{Bo} = 104 \text{ mmHg}$$

$$P_{Ai} = 0.98 \cdot 2 \text{ bar} - 47 \text{ mmHg} \stackrel{\approx}{=} 1443 \text{ mmHg}$$

$$1 \text{ bar} \approx 1 \text{ atm}$$

$$P_{Ao} = 0.98 \cdot 2 \text{ bar} - 47 \text{ mmHg} - 64 \text{ mmHg} \stackrel{\approx}{=} 1379 \text{ mmHg}$$

$$A_{O_2} = \frac{-W_{O_2}}{K_{O_2}} \frac{\ln \left( \frac{P_{Bi} - P_{Ai}}{P_{Bo} - P_{Ao}} \right)}{[(P_{Bi} - P_{Ai}) - (P_{Bo} - P_{Ao})]} =$$

$$= \frac{-250 \frac{\text{ml}}{\text{min}}}{0.513 \frac{\text{ml}}{\text{min m}^2 \text{ mmHg}}} \frac{\ln \left( \frac{40 - 1443}{104 - 1379} \right)}{[(40 - 1443) - (104 - 1379)] \text{ mmHg}} = ?$$

(1)

$$A_{O_2} \approx 0.36 \text{ m}^2$$

• Calcolo A per garantire una buona rimozione di  $\text{CO}_2$

$$W_{\text{CO}_2} = 200 \frac{\text{mL}}{\text{min}}$$

$$K_{\text{CO}_2} = \frac{2070 \text{ mL}}{\text{min} \cdot \text{cm}^2 \cdot \text{atm}}$$

$$P_{B_i} = 46 \text{ mmHg}$$

$$P_{B_o} = 40 \text{ mmHg}$$

$$P_{a_i} = 0.02 \cdot 2600 \approx 30 \text{ mmHg}$$

$$P_{a_o} = 0.02 \cdot 2600 + 6 \text{ mmHg} \approx 36 \text{ mmHg}$$

$$A_{\text{CO}_2} = \frac{200 \frac{\text{mL}}{\text{min}}}{\frac{2.72 \text{ mL}}{\text{min} \cdot \text{cm}^2 \cdot \text{mmHg}}} \cdot \frac{\ln \left( \frac{46 - 30}{40 - 36} \right)}{[(46 - 30) - (40 - 36)] \text{ mmHg}} \Rightarrow$$

$$A_{\text{CO}_2} \approx 8.5 \text{ m}^2$$

• L'area ottimale sarà la media tra  $A_{O_2}$  e  $A_{\text{CO}_2}$ :

$$A_{\text{ott}} = \frac{A_{O_2} + A_{\text{CO}_2}}{2} \approx 4.4 \text{ m}^2$$

2) Per stimare lo spessore della membrana possiamo utilizzare la whole body technique:

$$P_{Bf} = P_{Bi} e^{-Q_B/V_B (1-\beta)t}$$

dove  $\beta = e^{-kA/Q_B}$ , quindi:

$$k = 1/R = D/\delta$$

$$\Rightarrow \delta = D/k$$

Si hanno i seguenti dati:

$$Q_B = 100 \text{ mL/min}$$

$$V_B = 5 \text{ l} = 5000 \text{ mL}$$

$$A = A_{0\pi} \cong 4.4 \text{ m}^2$$

$$t = 55 \text{ min}$$

$$D_{O_2} = 1.2 \times 10^{-5} \text{ cm}^2/\text{s}$$

$$P_{Bi} = 40 \text{ mmHg}$$

$$P_{Bf} = 46 \text{ mmHg}$$

Nella WBT ricaviamo  $\beta$ :

$$(1-\beta) = \frac{V_B}{Q_B} \frac{1}{t} \ln \left( \frac{P_{Bf}}{P_{Bi}} \right)$$

$$\beta = 1 - \frac{V_B}{Q_B} \frac{1}{t} \ln \left( \frac{P_{Bf}}{P_{Bi}} \right)$$

Sostituendo i dati, troviamo:

$$\beta = 1 - \frac{5000 \text{ mL}}{100 \frac{\text{mL}}{\text{min}}} \cdot \frac{1}{55 \text{ min}} \cdot \ln \left( \frac{46 \text{ mmHg}}{40 \text{ mmHg}} \right) \cong 0.131$$

Adesso ricavo  $\delta$ :

$$\beta = e^{-kA/Q_B}$$

$$k = -\frac{Q_B}{A} \ln(\beta) = \frac{Q_B}{A} \ln\left(\frac{1}{\beta}\right) = \frac{100 \frac{\text{cm}^3}{\text{min}}}{4.4 \times 10^4 \text{cm}^2} \cdot \ln\left(\frac{1}{0.131}\right)$$

$$\Rightarrow k \approx 0.77 \times 10^{-4} \frac{\text{cm}}{\text{s}}$$

Quindi:

$$\delta = \frac{D}{k} = \frac{1.2 \times 10^{-5} \text{cm}^2/\text{s}}{0.77 \times 10^{-4} \frac{\text{cm}}{\text{s}}} \approx 0.15 \text{cm}$$

3) Per trovare la distanza ottimale tra le membrane, si può sfruttare l'espressione per il fronte di avanzamento di  $O_2$ :

$$z = \sqrt{\frac{2Dt + H P_{O_2}}{[Hb]}}$$

Si ha che:

$$D_{O_2} = 1.2 \times 10^{-5} \text{cm}^2/\text{s} = 1.2 \times 10^{-9} \text{m}^2/\text{s}$$

$$t = 55 \text{min} = 3300 \text{s}$$

$$P_{O_2} = 104 \text{mmHg}$$

$$H = \frac{0.028 \text{mol}}{\text{atm} \cdot \text{l}} = \frac{0.37 \times 10^{-4} \text{mol}}{\text{mmHg} \cdot \text{l}}$$

$$[Hb] = 8.88 \times 10^{-3} \frac{\text{mol}}{\text{l}}$$

Sostituendo:

$$z = \sqrt{\frac{2 \cdot 1.2 \times 10^{-9} \frac{\text{m}^2}{\text{s}} \cdot 3300 \text{s} \cdot \frac{0.37 \times 10^{-4} \text{mol}}{\text{mmHg} \cdot \text{l}} \cdot 104 \text{mmHg}}{8.88 \times 10^{-3} \text{mol/l}}} \approx 0.185 \text{cm}$$

(4)

Quindi

$$d = 2 \cdot z \approx 0.37 \text{ cm} \approx 3.7 \text{ mm}$$

## ESERCIZIO 2

Per trovare i parametri dell'algoritmo di controllo di Fister dobbiamo scegliere 3 istanti temporali nell'intervallo del primo massimo di  $G(t)$ , quindi possiamo scegliere:

$$t_1 = 10 \text{ h}$$

$$t_2 = 11 \text{ h} \rightarrow \text{picco}$$

$$t_3 = 13 \text{ h}$$

NOTA: ~~anche~~ possiamo scegliere come istanti anche  $t_1 = 9 \text{ h}, t_2 = 10 \text{ h}, t_3 = 11 \text{ h}$  oppure  $t_1 = 11 \text{ h}, t_2 = 12 \text{ h}, t_3 = 13 \text{ h}$ .

Calcolo la quantità di insulina che dovrebbe essere in questi istanti ~~la concentrazione~~:

$$I(t=10\text{h}) = 2 \text{ ug/dl} + 2 \text{ ug/dl} = 4 \text{ ug/dl}$$

Si ha un dosaggio di insulina essendo  $G(t=10\text{h}) = 300 \text{ mg/dl}$

$$I(t=11\text{h}) = 2 \text{ ug/dl}$$

Dopo 1h la concentrazione ritorna a  $2 \text{ ug/dl}$  perché decade di  $1/4$  ogni 15 minuti

$$I(t=12\text{h}) = 2 \text{ ug/dl} + 2 \times 2 \text{ ug/dl} = 6 \text{ ug/dl}$$

Dopo 2h dal picco glicemico si ha un dosaggio doppio di insulina perché

$G(t=12\text{h}) = 250 \text{ mg/dl}$ , quindi non siamo ancora tornati al valore basale

Implementiamo il sistema per trovare i parametri con  $\Delta t = 1h$ :

$$\begin{cases} I(t=10h) = a_0 + a_1 (G(t=10h) - G_B) + a_2 \frac{(G(t=10h) - G(t=9h))}{1h} \\ I(t=11h) = a_0 + a_1 (G(t=11h) - G_B) + a_2 \frac{(G(t=11h) - G(t=10h))}{1h} \\ I(t=12h) = a_0 + a_1 (G(t=12h) - G_B) + a_2 \frac{(G(t=12h) - G(t=11h))}{1h} \end{cases}$$

Sostituendo i valori, troviamo:

$$\begin{cases} 0.004 \frac{mg}{de^0} = a_0 + a_1 (300 - 100) \frac{mg}{de} + a_2 (300 - 100) \frac{mg}{deh} & (1) \\ 0.002 \frac{mg}{de} = a_0 + a_1 (350 - 100) \frac{mg}{de} + a_2 (350 - 300) \frac{mg}{deh} & (2) \\ 0.006 \frac{mg}{de} = a_0 + a_1 (250 - 100) \frac{mg}{de} + a_2 (250 - 350) \frac{mg}{deh} & (3) \end{cases}$$

Da (1) troviamo  $a_0$ :

$$(1) \quad 0.004 = a_0 + 200a_1 + 200a_2$$

$$a_0 = 0.004 - 200(a_1 + a_2)$$

Sostituisco in (2)

$$(2) \quad 0.002 = 0.004 - 200a_1 - 200a_2 + 250a_1 + 50a_2$$

$$0 = 0.002 + 50a_1 - 150a_2$$

$$a_1 = -0.00004 + 30a_2$$

Sostituisco  $a_1$  in  $a_0$  ~~per~~ e quindi scrivere tutto in funzione solo di  $a_2$ :

$$(1) \quad a_0 = 0.004 - 200a_1 - 200a_2$$

$$\begin{aligned} a_0 &= 0.004 + 0.008 - 6000a_2 - 200a_2 = \\ &= 0.012 - 6200a_2 \end{aligned}$$

Sostituisco  $a_0$  e  $a_1$  in (3) per trovare  $a_2$ :

$$0.006 = 0.012 - 6200a_2 - 0.006 + 4500a_2 - 100a_2$$

$$a_2 = 0$$

Poiché  $a_2 = 0$ , il sistema non può essere applicabile.  
(Tutti i parametri devono essere  $> 0$ !)



### Esercizio n° 3

Bisogna descrivere il modello dell'asso di Henle per il loro dove il trasporto del loro in entrambi i tratti è di tipo passivo e poi risolvere le equazioni come sugli appunti.

Per quanto riguarda il tubulo collettore abbiamo che il potassio si comporta come il sodio quindi abbiamo un trasporto di tipo attivo, quindi andava scelta l'equazione del tratto ~~ascendente~~ ascendente del sodio mentre l'acqua scorre o meno o scende e è presente ~~vasopressina~~ ADH.

### Esercizio 4.

Vedere appunti sulla febbre ~~core~~.

